

# SLOVENSKÁ KOMISIA MATEMATICKEJ OLYMPIÁDY

Fakulta matematiky, fyziky a informatiky UK, Mlynská dolina, 842 48 Bratislava

## MATEMATICKÁ OLYMPIÁDA PRE ŽIAKOV ZÁKLADNÝCH ŠKÔL A NIŽŠÍCH ROČNÍKOV VIACROČNÝCH GYMNÁZIÍ

64. ročník, školský rok 2014/2015

Domáce kolo

Kategórie **Z5, Z6, Z7, Z8, Z9** – zadania úloh



Milí žiaci,

máte radi zaujímavé matematické úlohy a chceli by ste súťažiť v ich riešení? Ak áno, zúčastnite sa Matematickej olympiády (MO). Súťaž je dobrovoľná a nesúvisí s klasifikáciou z matematiky. Matematická olympiáda má niekoľko kategórií. V tomto letáku nájdete úlohy, ktoré sú určené žiakom základných škôl (ZŠ), prvých štyroch ročníkov osemročných gymnázií (OG) a príslušných ročníkov gymnázií s iným počtom rokov štúdia.

Kategória **Z5** je určená pre žiakov 5. ročníka ZŠ.

Kategória **Z6** je určená pre žiakov 6. ročníka ZŠ a I. ročníka OG.

Kategória **Z7** je určená pre žiakov 7. ročníka ZŠ a II. ročníka OG.

Kategória **Z8** je určená pre žiakov 8. ročníka ZŠ a III. ročníka OG.

Kategória **Z9** je určená pre žiakov 9. ročníka ZŠ a IV. ročníka OG. Túto kategóriu môžu riešiť aj žiaci prvého („prípravného“) ročníka bilingválnych gymnázií s päťročným štúdiom.

So súhlasom svojho učiteľa matematiky môžete súťažiť aj v niektorej kategórii určenej pre vyšší ročník alebo v kategóriách A, B, C, ktoré sú určené pre žiakov stredných škôl (úlohy sú zverejnené v letáku MO pre stredné školy).

### Priebeh súťaže:

Kategórie Z5, Z6, Z7, Z8 pozostávajú z domáceho a okresného kola, kategória Z9 z domáceho, okresného a krajského kola.

V rámci domáceho kola riešite 6 úloh, ktoré sú v tomto letáku. *Riešenia úloh odovzdajte svojim učiteľom matematiky najneskôr v týchto termínoch:*

| kategória         | jedna trojica úloh | druhá trojica úloh |
|-------------------|--------------------|--------------------|
| <b>Z5, Z9</b>     | 14. november 2014  | 15. december 2014  |
| <b>Z6, Z7, Z8</b> | 15. december 2014  | 27. február 2015   |

Vaši učitelia vám riešenia opravujú a ohodnotia podľa stupnice: 1 – *výborne*, 2 – *dobre*, 3 – *nevyhovuje*.

Úspešným riešiteľom domáceho kola sa stáva žiak, ktorý bude mať ohodnotené aspoň štyri úlohy stupňom aspoň *dobře*. Práce všetkých úspešných riešiteľov kategórií Z5 – Z9 zašle vaša škola okresnej komisii MO. Tá z nich vyberie najlepších riešiteľov a pozve ich do okresného kola. V rámci neho riešite úlohy podobného rázu ako v domácom kole, avšak klauzúrne, to znamená, že nemôžete využívať cudziu pomoc a na riešenie máte k dispozícii obmedzený čas (2 hodiny v kategóriách Z5, Z6, Z7, Z8, 4 hodiny v kategórii Z9). Najlepší riešitelia okresného kola kategórie Z9 budú pozvaní do krajského kola.

O poradí v okresných a krajských kolách rozhoduje súčet bodov získaných za jednotlivé úlohy. Napríklad ak práve 5 žiakov dosiahne viac bodov ako žiak *X* a práve traja žiaci (vrátane *X*) dosiahnu rovnako veľa bodov ako *X*, tak žiakovi *X* patrí v poradí 6.–8. miesto, prípadne skráteno len 6. miesto. Analogickým postupom určujeme umiestnenie všetkých žiakov. Žiadne iné kritériá nie sú prípustné.

### Termíny 64. ročníka Matematickej olympiády:

| kategória  | okresné kolo    | krajské kolo   |
|------------|-----------------|----------------|
| Z5         | 21. január 2015 | —              |
| Z6, Z7, Z8 | 8. apríl 2015   | —              |
| Z9         | 21. január 2015 | 18. marec 2015 |

### Pokyny a rady súťažiacim:

Riešenie súťažných úloh vypracujte čitateľne na listy formátu A4. Každú úlohu začnite na novom liste a uveďte vľavo hore záhlavie podľa vzoru:

Jozef Plachý, 7.C  
 ZŠ Hodžova ul. 5, 949 01 Nitra  
 Úloha Z7-I-2

Posledný údaj je označenie úlohy podľa tohto letáka. Riešenie píšete tak, aby bolo možné sledovať váš myšlienkový postup, podrobne vysvetlite, ako ste uvažovali. Uvedomte si, že sa hodnotí nielen výsledok, ku ktorému ste došli, ale hlavne správnosť úvah, ktoré k nemu viedli. Práce, ktoré nebudú spĺňať tieto podmienky, alebo budú odovzdané po termíne, nebudú do súťaže prijaté.

Veľa radosti z úspešného riešenia úloh MO prajú

RNDr. Monika Dillingerová, PhD.  
 SKMO, úlohová komisia pre kategórie Z

Mgr. Peter Novotný, PhD.  
 predseda Slovenskej komisie MO

*Archív zadaní a riešení úloh MO nájdete na internetových stránkach:*

<http://www.olympiady.sk>

<http://skmo.sk>

<http://matematika.okamzite.eu>

<http://fpedas.uniza.sk/~novotny/MO.htm>

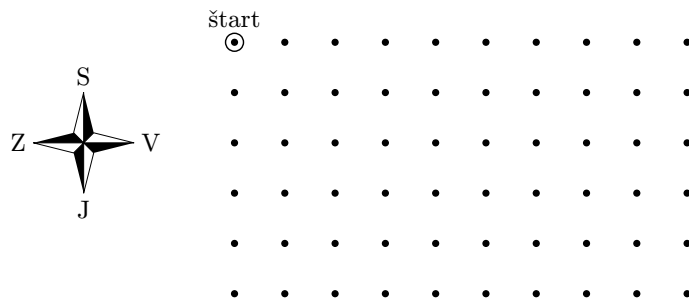
KATEGÓRIA Z5

Z5 – I – 1

Chlapci si medzi sebou menili známky, guľôčky a loptičky. Za 8 guľôčok je 10 známok, za 4 loptičky je 15 známok. Koľko guľôčok je za jednu loptičku? *(Marie Krejčová)*

Z5 – I – 2

Žabí princ sa zúčastnil skokanskej súťaže, pri ktorej sa skákalo po kameňoch rozmiestnených ako na obrázku. Bolo dovolené skákať len na najbližšie kamene východným alebo južným smerom. Každý skok na východ bol ocenený dvoma bodmi, každý skok na juh bol ocenený piatimi bodmi. Žabí princ získal 14 bodov. Určte všetky možné cesty, kadiaľ mohol skákať. *(Eva Patáková)*



Z5 – I – 3

Z čísla 215 môžeme vytvoriť štvorciferné číslo tým, že medzi jeho cifry vpíšeme akúkoľvek ďalšiu cifru. Takto sme vytvorili dve štvorciferné čísla, ktorých rozdiel bol 120. Aké dve štvorciferné čísla to mohli byť? Určte aspoň jedno riešenie. *(Libor Šimůnek)*

Z5 – I – 4

Nájdite najväčšie číslo také, že

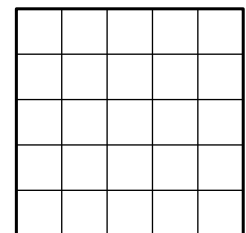
- žiadna cifra sa v ňom neopakuje,
- súčin každých dvoch cifier je nepárny,
- súčet všetkých cifier je párný.

*(Martin Mach)*

Z5 – I – 5

Na obrázku je štvorec rozdelený na 25 štvorčekov. Vyfarbite štvorčeky piatimi farbami tak, aby platilo:

- každý štvorček je vyfarbený jednou farbou,
- v žiadnom riadku ani v žiadnom stĺpci nie sú dva štvorčeky rovnakej farby,
- na žiadnej z oboch uhlopriečok nie sú dva štvorčeky rovnakej farby,
- žiadne dva rovnako zafarbené štvorčeky sa nedotýkajú stranou ani vrcholom.



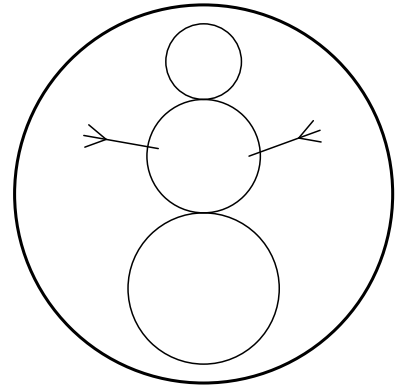
*(Michaela Petrová)*

**Z5 – I – 6**

Na medaile, ktorá má tvar kruhu s priemerom 20 cm, je narysovaný snehuliak tak, že sú splnené nasledujúce požiadavky:

- snehuliak je zložený z troch kruhov ako na obrázku,
- priemery všetkých kruhov vyjadrené v cm sú celočíselné,
- priemer každého väčšieho kruhu je o 2 cm väčší ako priemer kruhu predchádzajúceho.

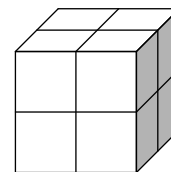
Určte výšku čo najväčšieho snehuliaka s uvedenými vlastnosťami.  
(*Lenka Dedková*)



KATEGÓRIA Z6

Z6 – I – 1

Erika a Peter dostali kocku, ktorá mala každú stenu rozdelenú na štyri rovnaké štvorce, pozri obrázok. Peter tvrdil, že sa dajú do všetkých štvorcov vpísať čísla 1 alebo 2 tak, aby na každej zo šiestich stien bol iný súčet. Erika naopak tvrdila, že to možné nie je. Rozhodnite, kto z nich mal pravdu. (Erika Novotná)



Z6 – I – 2

Janíčko a Walter zbierali autíčka. Walter mal autíčka uložené v skrinke na troch poličkách. Najviac autíčok stálo na hornej poličke, na prostrednej ich bolo o tri menej ako na hornej a na spodnej poličke ich bolo o tri menej ako na prostrednej. Pritom na jednej z týchto poličiek bolo 15 autíčok. Keď si Janíčko zbierku prezrel, povedal Walterovi: „Myslel som si, že keď mám viac ako 20 autíčok, tak ich mám veľa. Teraz ale vidím, že ty máš dvakrát toľko autíčok ako ja!“ Koľko autíčok mal vo svojej zbierke Janíčko? (Libuše Hozová)

Z6 – I – 3

Pán Karfiól má obdĺžnikovú záhradu rozdelenú na 9 pravouhelníkových záhonov ako na obrázku. Pri piatich záhonoch sú zapísané veľkosti ich obvodov v metroch. Určte obvod celej záhrady pána Karfióla.

(Libuše Hozová)

|   |   |    |
|---|---|----|
|   | 6 |    |
| 6 | 4 | 12 |
|   | 8 |    |

Z6 – I – 4

Katka, Barbora a Adela sa dohadovali, ktoré dvojčiferné číslo je najkrajšie. Katka vravela, že to je to jej, pretože je deliteľné štyrmi, a keď ho napíše pospiatky, dostane iné dvojčiferné číslo, ktoré je tiež deliteľné štyrmi. Barbora tvrdila, že je to určite to jej, pretože jedna z jeho čífer je násobkom druhej. Adela o svojom obľúbenom čísle prezradila, že sa dá rozložiť na súčin štyroch prvočísel. Nakoniec kamarátky zistili, že hovoria všetky o tom istom čísle. Určte, ktoré číslo to bolo. (Lenka Dedková)

Z6 – I – 5

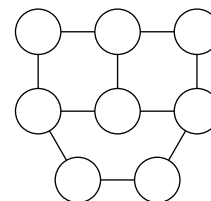
Určte, koľko rôznych riešení má nasledujúci algebrogram. Každé písmeno zodpovedá jednej cifre od 0 do 5, rôzne písmená zodpovedajú rôznym cifrám, rovnaké rovnakým.

$$\begin{array}{r} K O S A \\ S A K O \\ \hline B A B A \end{array}$$

(Karel Pazourek)

Z6 – I – 6

Skauti na výlete hrali hru. V lese bolo rozmiestnených 8 stanovísk prepojených špagátmi tak, ako na obrázku. Na každom stanovisku sa vydávalo jedno písmenko, prípadne pomlčka. Stanoviská sa dajú pozdĺž špagátov prebehnúť tak, že získané znaky tvoria reťazec



ANANAS–KOKOS–MANGO.

Priradte jednotlivým stanoviskám zodpovedajúce znaky.

(Martin Mach)

KATEGÓRIA Z7

Z7 – I – 1

Ľuboš, Martin a ich kamarátka Erika šetria na hračku. Ľuboš a Martin prispeli do spoločnej pokladničky rovnakým množstvom eur, Erika prispela inou sumou. Keby Erika prispela len tretinou z toho, čo do pokladničky dodala, celkom by mali polovicu zo sumy, ktorá je v pokladničke teraz. Koľkokrát viac eur do pokladničky dodala Erika ako Ľuboš? *(Eva Patáková)*

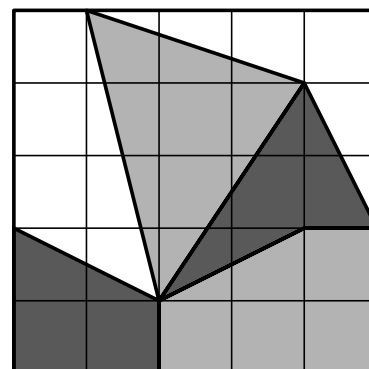
Z7 – I – 2

Lenka sa bavila tým, že vyťukávala na kalkulačke čísla. Používala iba cifry od 2 do 9 (poz. obrázok) a čoskoro si všimla, že niektoré zápisy boli osovo súmerné. Určte počet všetkých nanajvýš trojciferných čísel s uvedenými vlastnosťami. *(Lenka Dedková)*



Z7 – I – 3

Podľa projektu bude dno bazénu pokryté kameňkami troch farieb tak, ako ukazuje obrázok (dno je navyše rozdelené na 25 zhodných pomocných štvorcov). Cena kameňkov na jednotku plochy sa pri jednotlivých farbách líši. Projektant počítal cenu kameňkov použitých na takto pokryté dno a na jeho prekvapenie sa za každý druh kameňkov utratí rovnaká suma. Ďalej spočítal, že keby celú plochu pokryl tými najlacnejšími kameňkami, boli by náklady 1 700 €. Zistite, aké by boli náklady, keby celé dno nechal pokryť tými najdrahšími kameňkami. *(Libor Šimůnek)*



Z7 – I – 4

Body  $N$ ,  $O$ ,  $P$  a  $Q$  sú vzhľadom na trojuholník  $KLM$  zadané nasledujúcim spôsobom:

- body  $N$  a  $O$  sú postupne stredy strán  $KM$  a  $KL$ ,
- vrchol  $M$  je stredom úsečky  $NP$ ,
- bod  $Q$  je priesečníkom priamok  $LM$  a  $OP$ .

Určte, aký je pomer dĺžok úsečiek  $MQ$  a  $ML$ .

*(Libuše Hozová)*

Z7 – I – 5

Na starom hrade býva drak a väzní tam princeznú. Jano išiel princeznú oslobodiť, na hrade objavil troje dvier s nasledujúcimi nápismi.

- I: „Jaskyňa za dverami III je prázdna.“
- II: „Princezná je v priestore za dverami I.“
- III: „Pozor! Drak je v jaskyni za dverami II.“

Dobrá víla Janovi prezradila, že na dverách, za ktorými je princezná, je nápis pravdivý, pri drakovi je nepravdivý a na dverách prázdnej jaskyne môže byť napísaná pravda aj lož. Jano má na oslobodenie princeznej iba jeden pokus. Ktoré dvere má otvoriť? *(Marta Volfová)*

### **Z7 – I – 6**

Matej má dve kartičky, na každú z nich napísal jedno dvojciferné číslo. Ak zaradí menšie číslo za väčšie, dostane štvorciferné číslo, ktoré je deliteľné štyrmi a deviatimi. Ak zaradí naopak väčšie číslo za menšie, dostane štvorciferné číslo, ktoré je deliteľné piatimi a šiestimi. Koľko dvojíc kartičiek mohol Matej vyrobiť tak, aby platili vyššie uvedené podmienky? Určte všetky možnosti. *(Michaela Petrová)*



# MATEMATICKÁ OLYMPIÁDA

## 64. ročník Školský rok 2014 / 2015 Domáce kolo

\*\*\*\*\*

### KATEGÓRIA Z8

#### Z8 – I – 1

Písmenkový logik je hra pre dvoch hráčov, ktorá má nasledujúce pravidlá:

1. Prvý hráč si myslí slovo zložené z piatich písmen, v ktorom sa žiadne písmeno neopakuje.
2. Druhý hráč napíše nejaké slovo z piatich písmen.
3. Prvý hráč odpovie dvoma číslami – prvé číslo udáva, koľko písmen napísaného slova sa zhoduje s mysleným slovom, t.j. stoja zároveň na správnom mieste; druhé číslo udáva, koľko písmen napísaného slova je obsiahnutých v myslenom slove, ale nestoja na správnom mieste.
4. Kroky 2 a 3 sa opakujú, kým druhý hráč myslené slovo neuhádne.

Záznam jednej hry dvoch kamarátov vyzeral nasledovne:

|       |   |   |
|-------|---|---|
| SONET | 1 | 2 |
| MUDRC | 0 | 2 |
| PLAST | 0 | 2 |
| KMOTR | 0 | 4 |
| ATOLY | 1 | 1 |
| DOGMA | 0 | 2 |

V nasledujúcom ťahu bolo myslené slovo uhádnuté. Určte, ktoré slovo to bolo.

(Marta Volfová)

#### Z8 – I – 2

Súčet všetkých deliteľov istého nepárneho čísla je 78. Určte, aký je súčet všetkých deliteľov dvojnásobku tohto neznámeho čísla.

(Karel Pazourek)

#### Z8 – I – 3

V lichobežníku  $KLMN$  platí, že

- strany  $KL$  a  $MN$  sú rovnobežné,
- úsečky  $KL$  a  $KM$  sú zhodné,
- úsečky  $KN$ ,  $NM$  a  $ML$  sú navzájom zhodné.

Určte veľkosť uhla  $KNM$ .

(Libuše Hozová)

#### Z8 – I – 4

Adam má plnú krabicu guľôčok, ktoré sú veľké alebo malé, čierne alebo biele. Pomer počtu veľkých a malých guľôčok je  $5 : 3$ . Medzi veľkými guľôčkami je pomer počtu čiernych a bielych guľôčok  $1 : 2$ , medzi malými guľôčkami je pomer počtu čiernych a bielych  $1 : 8$ . Aký je pomer počtu všetkých čiernych a všetkých bielych guľôčok?

(Michaela Petrová)

#### Z8 – I – 5

Priemer známok, ktoré mali na vysvedčení žiaci 8.A z matematiky, je presne 2,45. Ak by sme



nepočítali jednotku a trojku súrodencov Michala a Aleny, ktorí do triedy prišli pred mesiacom, bol by priemer presne 2,5. Určte, koľko žiakov má 8.A. *(Monika Dillingerová)*

**Z8 – I – 6**

Pejko dostal od svojho pána kváder zložený z navzájom rovnakých kociek cukru, ktorých bolo najmenej 1 000 a nanajvýš 2 000. Pejko kocky cukru odjedal po jednotlivých vrstvách – prvý deň odjedol jednu vrstvu spredu, druhý deň jednu vrstvu sprava a tretí deň jednu vrstvu zhora. Pritom v týchto troch vrstvách bol zakaždým rovnaký počet kociek. Zistite, koľko kociek mohol mať darovaný kváder. Určte všetky možnosti. *(Erika Novotná)*

## KATEGÓRIA Z9

## Z9 – I – 1

Milena nazbierala do košíka posledné spadnuté orechy a zavolala na partiu chlapcov, nech sa o ne podelia. Dala im ale podmienku: prvý si vezme 1 orech a desatinu zvyšku, druhý si vezme 2 orechy a desatinu nového zvyšku, tretí si vezme 3 orechy a desatinu ďalšieho zvyšku a tak ďalej. Takto sa podarilo rozobrať všetky orechy a pritom každý dostal rovnako veľa. Určte, koľko Milena nazbierala orechov a koľko sa o ne delilo chlapcov. *(Marta Volfová)*

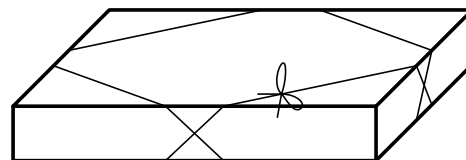
## Z9 – I – 2

Lenka sa bavila tým, že vyťukávala na kalkulačke čísla, pričom používala iba cifry od 2 do 9 (poz. obrázok). Zápisy niektorých čísel mali tú vlastnosť, že ich obraz v osovej alebo stredovej súmernosti bol opäť zápisom nejakého čísla. Určte počet všetkých nanajvýš trojciferných čísel s uvedenými vlastnosťami. *(Lenka Dedková)*



## Z9 – I – 3

Darček je zabalený do krabice, ktorej rozmery v cm sú  $40 \times 30 \times 6$ . Krabica je previazaná špagátom ako na obrázku. Určte, koľko najmenej cm špagátu je treba na previazanie krabice, ak na uzol a mašľu stačí 20 cm.



*(Marie Krejčová)*

## Z9 – I – 4

Peter, Martin a Juro triafali do zvláštneho terča, ktorý mal iba tri políčka s hodnotami 12, 18 a 30 bodov. Všetci chlapci hádzali rovnakým počtom šípok, všetky šípky trafili do terča a výsledky každých dvoch chlapcov sa líšili v jedinom hode. Petrov priemerný bodový výsledok bol o dva body lepší ako Martinov a ten bol o jeden bod lepší ako priemer Jurov. Určte, koľkými šípkami hádzal každý z chlapcov. *(Erika Novotná)*

## Z9 – I – 5

Jaro si kúpil nové nohavice, ale boli príliš dlhé. Ich dĺžka bola vzhľadom k Jarovej výške v pomere  $5 : 8$ . Mamička mu nohavice skrátila o 4 cm, čím sa pôvodný pomer zmenšil o 4%. Určte, aký vysoký je Jaro. *(Libuše Hozová)*

## Z9 – I – 6

Neznáme číslo je deliteľné práve tromi rôznymi prvočíslami. Keď tieto prvočísla zoradíme vzostupne, platí nasledujúce:

- Rozdiel druhého a prvého prvočísla je polovicou rozdielu tretieho a druhého prvočísla.
- Súčin rozdielu druhého a prvého prvočísla s rozdielom tretieho a druhého prvočísla je násobkom 17.

Určte najmenšie číslo, ktoré má všetky vyššie uvedené vlastnosti. *(Karel Pazourek)*

Na ukážku uvádzame *uzorové riešenie* jednej úlohy zo staršej olympiády:

### Úloha Z8 – II – 1.

Daný je obdĺžnik s celočíselnými dĺžkami strán. Ak zväčšíme jednu jeho stranu o 4 a druhú zmenšíme o 5, dostaneme obdĺžnik s dvojnásobným obsahom. Určte strany daného obdĺžnika. Nájdite všetky možnosti.

**Riešenie.** Dĺžky strán obdĺžnika označíme  $a$ ,  $b$ . Nový obdĺžnik má dĺžky strán  $a + 4$ ,  $b - 5$ . Podľa podmienky úlohy pre obsahy oboch obdĺžnikov platí

$$2ab = (a + 4)(b - 5).$$

Postupne upravíme

$$\begin{aligned} ab - 4b + 5a &= -20, \\ ab - 4b + 5a - 20 &= -40. \end{aligned}$$

Odčítali sme 20, aby sme mohli ľavú stranu upraviť na súčin

$$(a - 4)(b + 5) = -40.$$

Riešenie nájdeme rozkladom čísla  $-40$  na dva činitele. Pritom musí byť  $a > 0$ ,  $b > 0$ , a teda  $a - 4 > -4$ ,  $b + 5 > 5$ .

Sú dve také možnosti:  $(-2) \cdot 20 = -40$  a  $(-1) \cdot 40 = -40$ .

V prvom prípade dostaneme obdĺžnik so stranami  $a = 2$ ,  $b = 15$  s obsahom  $S = 30$ . Nový obdĺžnik má potom strany  $a' = 6$ ,  $b' = 10$  a obsah  $S' = 60$ , t. j.  $S' = 2S$ .

V druhom prípade dostaneme obdĺžnik so stranami  $a = 3$ ,  $b = 35$  s obsahom  $S = 105$ . Nový obdĺžnik má potom strany  $a' = 7$ ,  $b' = 30$  a obsah  $S' = 210 = 2S$ .

Úloha má teda dve riešenia. Daný obdĺžnik môže mať strany buď 2 a 15 alebo 3 a 35.

### Na záver jedna rada:

Úlohy nie sú ľahké. Nenechajte sa odradiť, keď neobjavíte hneď riešenie. Experimentujte, kreslite si, „hrajte sa“ s úlohou. Niekedy pomôže pozrieť sa do nejakej knižky, kde nájdete podobné úlohy vyriešené, inokedy sa môže stať, že zrazu o tri dni „z ničoho nič“ na riešenie prídete.

Matematickú olympiádu vyhlasuje Ministerstvo školstva, vedy, výskumu a športu SR spolu s Jednotou slovenských matematikov a fyzikov (JSMF). Súťaž riadi Slovenská komisia MO (SKMO), v jednotlivých krajoch a okresoch krajské a okresné komisie MO. Na jednotlivých školách súťaž zaisťujú učitelia matematiky. Vy sa vždy obracajte na svojho učiteľa matematiky.

Napokon by sme Vás radi upozornili na rôzne korešpondenčné semináre určené pre ZŠ a OG. Tieto súťaže sú nielen dobrou formou prípravy na MO, ale všeobecne pomôžu v zdokonaľovaní matematického myslenia. K tomu prispievajú aj veľmi populárne záverečné sústredenia pre najlepších riešiteľov. SKMO Vám odporúča napr. seminár SEZAM organizovaný pod hlavičkou JSMF Žilina, na tvorbe zadání tohto seminára sa priamo podieľajú aj niekoľkí členovia Úlohovej komisie MO. Viacerí členovia SKMO zasa spolupracujú v združení STROM (so sídlom na UPJŠ Košice) pri organizovaní seminárov MATIK a MALYNÁR. Zapojiť sa môžete tiež do seminárov PIKOMAT (organizuje ho P-MAT, n.o.) či RIEŠKY (usporadúva ho Gymn. Grösslingová v Bratislave). Podrobné informácie získate na internetových stránkach [sezam.sk](http://sezam.sk), [strom.sk](http://strom.sk), [www.pikomat.sk](http://www.pikomat.sk) a [riesky.sk](http://riesky.sk).

## SLOVENSKÁ KOMISIA MATEMATICKEJ OLYMPIÁDY

Fakulta matematiky, fyziky a informatiky UK, Mlynská dolina, 842 48 Bratislava

### **64. ROČNÍK MATEMATICKEJ OLYMPIÁDY**

#### **Leták kategórií Z5, Z6, Z7, Z8, Z9 – domáce kolo**

- Autori úloh: Bc. Alžbeta Bohiníková, Mgr. Lenka Dedková,  
RNDr. Monika Dillingerová, PhD., PaedDr. Libuše Hozová,  
Katarína Jasenčáková, Mgr. Marie Krejčová, Martin Mach,  
Mgr. Erika Novotná, PhD., PhDr. Eva Patáková, Mgr. Karel Pazourek,  
Mgr. Michaela Petrová, Bc. Filip Sládek, MUDr. Libor Šimůnek,  
doc. PhDr. Marta Volfová, CSc., Mgr. Vojtěch Žádník, PhD.
- Recenzenti: Bc. Alžbeta Bohiníková, PaedDr. Svetlana Bednářová, PhD.,  
RNDr. Monika Dillingerová, PhD., Mgr. Veronika Hucíková,  
Katarína Jasenčáková, Mgr. Erika Novotná, PhD.,  
Mgr. Peter Novotný, PhD., Mgr. Miroslava Smitková, PhD.
- Redakčná úprava: Mgr. Erika Novotná, PhD.
- Vydal: IUVENTA – Slovenský inštitút mládeže, Bratislava 2014