

2000/2001  
50. ročník MO

Zadania úloh školského kola kategórie B

(Súťaž sa konala v utorok 23. januára 2001.)

1. Nájdite všetky trojčiferné čísla  $n$ , ktorých druhá mocnina končí rovnakým trojčísľom ako druhá mocnina čísla  $3n - 2$ .  
(J. Šimša)
2. Je daný tetivový štvoruholník  $ABCD$ . Označme  $E$  priesečník priamok  $BC$  a  $AD$ . Ak leží priesečník uhlopriečok  $AC$  a  $BD$  na osi uhla  $AEB$ , tak je trojuholník  $ABE$  rovnoramenný. Dokážte.  
(E. Kováč)
3. Určte mnohočleny  $P$  a  $Q$  také, že pre všetky reálne čísla  $x$  platí

$$Q(x^2) = (x + 1)^4 - x(P(x))^2.$$

(P. Černek)