

MATEMATICKÁ OLYMPIÁDA 2025/2026

Zadania úloh domáceho kola kategórie B

- 1 Každej hrane štvorstena priradíme jedno reálne číslo tak, aby každá stena mala rovnaký súčet čísel svojich troch hrán. Najviac kol'ko zo šiestich čísel priradených hranám môže byť navzájom rôznych?

(Mária Dományová)

- 2 Prirodzené číslo sa končí dvojčíslom 90. Dokážte, že súčin všetkých jeho kladných deliteľov je druhou mocninou prirodzeného čísla.

(Ján Mazák)

- 3 Na tabuli je nakreslená kružnica (bez stredu) a na nej tri rôzne body A, B, C . Máme k dispozícii kriedu a trojuholník s ryskou bez mierky. Ten nám umožňuje len viesť priamku ľubovoľnými dvoma bodmi a na danú priamku viesť kolmicu daným bodom (nie nutne ležiacim nanej). Zostrojte stred kružnice vpísanej do trojuholníka ABC .

(Ema Čudaiová)

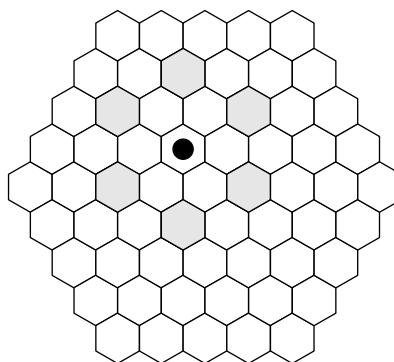
- 4 Reálne čísla x a y spĺňajú nerovnosti $xy \geq x + y > 0$. Akú najmenšiu hodnotu môže nadobúdať výraz $x + y$?

(Patrik Bak)

- 5 Je daný konvexný štvoruholník $ABCD$ taký, že $|\triangle ABC| = |\triangle ADC|$ a $|\triangle BCD| = 3|\triangle BAD|$. Body P a Q ležia postupne na úsečkách AB a AD tak, že $APCQ$ je rovnobežník. Nech O je stred kružnice opísanej trojuholníku CPQ . Dokážte, že priamky AO a BD sú navzájom kolmé.

(Patrik Bak)

- 6 Hracia plocha na obrázku sa skladá zo 61 pravidelných šestuholníkov so stranou dĺžky 1. Na každom políčku môže stáť najviac jedna figúrka. Dve figúrky sa ohrozené práve vtedy, keď stoja na políčkach so stredmi vzdialenosťmi presne 3. (Políčka ohrozené figúrkou na obrázku sú vyfarbené.) Najviac kol'ko figúrok môžeme umiestniť na túto plochu tak, aby sa žiadne dve neohrozovali?



(Jozef Rajník)

Termín odovzdania riešení: **utorok 20. 1. 2026**

- vydali: Slovenská komisia MO a NIVAM – Národný inštitút vzdelávania a mládeže
- recenzenti: Peter Novotný, Stanislav Krajčí
- preklad: Peter Novotný